

1 августа

ДОКЛАДЫ АКАДЕМИИ НАУК СССР

ВЫХОДЯТ ТРИ РАЗА В МЕСЯЦ

Редакционная коллегия: акад. Л. А. Арцимович, акад. С. А. Векшинский,
акад. Б. А. Казанский, акад. А. Н. Колмогоров (зам. главного редактора),
акад. Д. С. Коржинский, акад. С. А. Лебедев, акад. А. И. Опариш (главный редактор),
акад. Л. П. Седов, акад. Н. М. Страхов, акад. А. Н. Фрумкин,
акад. А. Л. Яншин

33-й ГОД ИЗДАНИЯ

1965

ТОМ 163, № 4

РОБЕРТ ОРОС ди БАРТИНИ

НЕКОТОРЫЕ СООТНОШЕНИЯ
МЕЖДУ ФИЗИЧЕСКИМИ КОНСТАНТАМИ

(Представлено академиком Б. М. Понтекорво 23 IV 1965)

Рассмотрим некоторый тотальный и, следовательно, уникальный экземпляр A . Установление тождества экземпляра с самим собою $A \equiv A$; $A \cdot \frac{1}{A} = 1$ можно рассматривать как отображение, приводящее образы A в соответствие с прообразом A . Экземпляр A , по определению, может быть сопоставлен только с самим собой, поэтому отображение является внутренним и, согласно теореме Стилова, может быть представлено в виде суперпозиции топологического и последующего аналитического отображения. Совокупность образов A составляет точечную систему, элементы которой являются эквивалентными точками; n -мерная аффинная протяженность, содержащая в себе $(n + 1)$ элементов системы, преобразуется в себя линейно $x_i' = \sum_{k=1}^{n+1} a_{ik} x_k$.

При всех действительных a_{ik} унитарное преобразование

$$\delta_{ii} = \sum_k a_{ik}^* a_{ik} = \sum_k a_{ki}^* a_{ki} \quad (i, k = 1, 2, \dots, n + 1)$$

является ортогональным, так как $\det a_{ik} = \pm 1$, следовательно, преобразование представляет собой вращение или инверсионный поворот.

Проективное пространство, содержащее в себе совокупность всех образов объекта A , метризуемо. Метрическая протяженность R^n , совпадающая целиком со всей проективной протяженностью, является, согласно теореме Гамеля, замкнутой.

Группа смещений эквивалентных точек, изображающих элементы множества образов A , составляет конечную систему, которую можно рассматривать как топологическую протяженность, отображенную в сферическое пространство R^n . Поверхность $(n + 1)$ -мерной сферы, эквивалентная объему n -мерного тора, полностью, правильно и везде плотно заполнена n -мерной, совершенной, замкнутой и конечной точечной системой образов A . Размерность протяженности R^n , целиком и только вмещающей в себя множество элементов образования, может быть любым целым числом n в интервале от $(1 - N)$ до $(N - 1)$, где N — число экземпляров ансамбля.

Будем рассматривать последовательности случайных переходов между конфигурациями различного числа измерений как векторные случайные величины, т. е. как поля. Пусть дифференциальная функция распределения частот (тона) переходов ν задана выражением $\varphi(\nu) = \nu^n \exp[-\lambda\nu^2]$. Если $n \gg 1$, то математическое ожидание частоты перехода из состояния n равно

$$m(\nu) = \int_0^{\infty} \nu^n \exp[-\lambda\nu^2] d\nu \bigg/ \int_0^{\infty} \exp[-\lambda\nu^2] d\nu = \Gamma\left(\frac{n+1}{2}\right) \bigg/ 2\pi^{(n+1)/2}.$$

Статистический вес длительности определенного состояния есть величина, обратная к вероятности изменения этого состояния. Поэтому наиболее вероятное, актуальное, число измерений конфигурации ансамбля есть число n , при котором величина $m(v)$ имеет минимум. Обратное значение функции $m(v)$ $\Phi_n = 1/m(v) = {}_S S_{n+1} = {}_T V_n$ изоморфно функции величины поверхности гиперсфер единичного радиуса в $(n+1)$ -мерном пространстве. Эта изоморфность адекватна эргодической концепции, согласно которой пространственная и временная совокупность являются эквивалентными аспектами многообразия. Положительная ветвь функции Φ_n унимодальна, при отрицательных значениях $(n+1)$ функция знакопеременна.

Максимальное значение объема протяженности образования имеет место при $n = \pm 6$, следовательно, наиболее вероятное и наименее невероятное, экстремальное, распределение элементарных образов объекта A соответствует 6-мерной конфигурации.

Одним из основных понятий в теории размерности комбинаторной топологии является понятие нерва, из которого следует, что всякая компактная метрическая протяженность размерности $2n+1$ может быть гомеоморфно отображена на евклидово подмножество размерности n .

Все четномерные пространства можно рассматривать как произведения двух нечетномерных протяженностей одинаковой размерности и противоположной ориентации, вложенных друг в друга. Все нечетномерные проективные пространства при иммерсии в протяженность собственных измерений являются ориентируемыми, в то время как пространства четной размерности являются односторонними. Таким образом, протяженность, форма существования объекта A является $(3+3)$ -мерным комплексным многообразием, состоящим из произведения 3-мерной пространствоподобной и ортогональной к ней 3-мерной времениподобной протяженности, обладающими ориентацией. Геометрия этих многообразий определяется установленной в них метрикой, измеряющей интервал с квадратической формой

$$\Delta s^2 = \Phi_n^2 \sum_{ik}^n g_{ik} \Delta x^i \Delta x^k \quad (i, k = 1, 2, \dots, n),$$

который зависит, кроме функции координат g_{ik} , также от функции числа независимых параметров Φ_n .

Тотальная протяженность многообразия конечна и неизменна, следовательно, сумма протяженностей реализованных в ней формаций — величина, инвариантная относительно ортогональных преобразований. Инвариантность суммарной протяженности образования выражается квадратической формой $N_i r_i^2 = N_k r_k^2$, где N — число экземпляров, а r — радиальный эквивалент формации.

Конфигурации отрицательной размерности являются инверсионными образами, соответствующими антисостояниям системы, они обладают зеркальной симметрией при $n = 2(2m-1)$ и прямой симметрией при $n = 2(2m)$, $m = 1, 2, \dots$. Конфигурации нечетной размерности не имеют антисостояния. Объем антисостояний равен $V_{(-n)} = 4(-1/V_n)$.

Уравнения физики принимают простой вид, если в качестве системы измерения принять кинематическую систему (LT) , единицами которой являются два аспекта радиуса инверсии областей пространства R^n : l — элемент пространствоподобной протяженности подпространства L и t — элемент, времениподобной протяженности подпространства T . Введение однородных координат позволяет свести теоремы проективной геометрии к алгебраическим эквивалентам и геометрические соотношения — к кинематическим связям.

В кинематической системе показатели степеней в структурных формулах размерностей всех физических величин, в том числе и электромагнитных, являются целыми числами.

Физические константы выражаются некоторыми соотношениями геометрии ансамбля, приведенными к кинематическим структурам. Наиболее устойчивой форме кинематического состояния соответствует наиболее вероятная форма статистического существования формации. Величину физических констант можно определить следующим образом.

Максимальное значение вероятности состояния соответствует объему 6-мерного тора и равно

$$V_6 = \frac{16\pi^3}{15} r^6 = 33,0733588r^6.$$

Экстремальные значения — максимум положительной и наименьший минимум отрицательной ветви функции Φ_n равны:

$$\begin{array}{lll} n + 1 & +7,256\ 946\ 404 & -4,991\ 284\ 10 \\ S_{n+1} & +33,161\ 194\ 485 & -0,120\ 954\ 210\ 8. \end{array}$$

Отношение экстремальных значений функций S_{n+1} равно

$$\bar{E} = | + S_{n+1 \max} | / | - S_{n+1 \min} | = 274,163\ 208\ r^{12}.$$

С другой стороны, конечный сферический слой протяженности R^n , равномерно и везде плотно заполненный дублетами элементарных образований A , эквивалентен концентрическому с ним вихревому тору. Зеркальное изображение этого слоя есть другой концентрический однородный двойной слой, который, со своей стороны, эквивалентен вихревому кольцу, соосному с первым. Для $(3 + 1)$ -мерного случая подобные образования исследованы Левисом и Лармором.

Условия стационарности вихревого движения выполняются, когда

$$V \times \text{rot } V = \text{grad } \varphi, \quad 2\omega \, ds = d\varphi = dx,$$

где циркуляция κ — основной кинематический инвариант поля. Вихревое движение устойчиво в том случае, когда линии тока совпадают с траекторией ядра. Для $(3 + 1)$ -мерного вихревого тора $V_x = \frac{\kappa}{2\pi D} \left[\ln \frac{4D}{r} - \frac{1}{4} \right]$ где r — радиус циркуляции и D — диаметр кольца тора. Скорость в центре образования $V_\odot = \kappa D / 2r$.

Условие $V_x = V_\odot$ в нашем случае выполняется, когда при $n = 7$

$$\ln \frac{4D}{r} = (2\pi + 0,250\ 148\ 03) \frac{2n+1}{2n} = 2\pi + 0,250\ 148\ 03 + \frac{n}{2n+1} = 7,$$

$$D/r = \bar{E} = 1/4 e^7 = 274,158\ 36.$$

В поле вихревого тора на борновском радиусе заряда $\gamma = 0,999\ 902\ 8$ и π принимает значение $\pi^* = 0,999\ 951\ 4$ π . Тогда $E = 1/4 e^{6,999\ 996\ 8} = 274,074\ 996$. Вводя отношение $B = V_6 E / \pi = 2885,3453$, в кинематической системе $[LT]$ величины всех физических констант K единообразно выразим простыми соотношениями между E и B

$$K = \delta E^\alpha B^\beta,$$

где δ равняется некоторому квантованному повороту, α и β — некоторые целые числа.

В табл. 1 даны аналитические и экспериментальные значения некоторых физических констант и в приложении приведено опытное определение единиц системы CGS, так как они являются конвенциональными величинами, а не физическими константами.

Таблица 1

	$K = \delta E^\alpha B^\beta$	Аналитические значения	Экспериментальные значения
Постоянная Зоммерфельда	$2^{-1}\pi^0 E^0 B^0$	$1,370\ 374\ 0 \cdot 10^{21} l^0$ $\text{см}^0 \cdot \text{г}^0 \cdot \text{сек}^0$	$1,370\ 374\ 3 \cdot 10^{21}$
Постоянная гравитации	$2^{-2}\pi^{-1} E^0 B^0 F^*$	$7,986\ 888\ 8 \cdot 10^{-27} l^0$ $6,670\ 024\ 6 \cdot 10^{-8} \text{см}^3 \cdot \text{г}^{-1} \cdot \text{сек}^{-2}$	$6,670 \cdot 10^{-8}$
Базисное отношение зарядов	$2^0 \pi^0 E^0 B^0$	$5,770\ 146\ 0 \cdot 10^{21} l^0$	$5,273\ 058\ 5 \cdot 10^{21}$
Базисное отношение масс	$2^1 \pi^{-1} E^0 B^1$	$1,836\ 867\ 8 \cdot 10^{21} l^0$ $\text{см}^0 \cdot \text{г}^0 \cdot \text{сек}^2$	$1,836\ 30 \cdot 10^{21} **$
Эффективный гравитационный радиус электрона	$2^{-1}\pi^0 E^0 B^{-12}$	$2,390\ 102\ 2 \cdot 10^{-43} l^0$ $0,673\ 493\ 1 \cdot 10^{-25} \text{см}^1 \cdot \text{г}^0 \cdot \text{сек}^0$	$0,674 \cdot 10^{-25}$
Электрический радиус электрона	$2^{-1}\pi^{-1} E^0 B^{-6}$	$2,758\ 247\ 7 \cdot 10^{-21} l^0$ $7,772\ 329\ 1 \cdot 10^{-25} \text{см}^1 \cdot \text{г}^0 \cdot \text{сек}^0$	—
Классический радиус электрона	$2^0 \pi^0 E^0 B^0$	$1,000\ 000\ 0 \cdot 10^{21} l^0$ $2,817\ 850\ 2 \cdot 10^{-13} \text{см}^1 \cdot \text{г}^0 \cdot \text{сек}^0$	$2,817\ 85 \cdot 10^{-13}$
Космический радиус	$2^1 \pi^1 E^0 B^{12}$	$2,091\ 931\ 2 \cdot 10^{21} l^0$ $5,894\ 831\ 5 \cdot 10^{23} \text{см}^1 \cdot \text{г}^0 \cdot \text{сек}^0$	$6,10^{23} > 10^{23}$
Масса электрона	$2^0 \pi^0 E^0 B^{-12}$	$3,003\ 491\ 6 \cdot 10^{-27} l^0$ $9,108\ 300\ 6 \cdot 10^{-28} \text{см}^0 \cdot \text{г}^1 \cdot \text{сек}^0$	$9,1083 \cdot 10^{-28}$
Масса нуклонная	$2\pi^{-1} E^0 B^{-11}$	$5,517\ 016\ 4 \cdot 10^{-27} l^0$ $1,673\ 074\ 2 \cdot 10^{-24} \text{см}^0 \cdot \text{г}^1 \cdot \text{сек}^0$	$1,6725 \cdot 10^{-24} **$
Масса космическая	$2^2 \pi^2 E^0 B^{12}$	$1,314\ 417\ 5 \cdot 10^{21} l^0$ $3,936\ 064\ 2 \cdot 10^{27} \text{см}^0 \cdot \text{г}^1 \cdot \text{сек}^0$	$> 10^{26}$
Период космический	$2^1 \pi^1 E^0 B^{12}$	$2,091\ 931\ 2 \cdot 10^{21} l^0$ $1,936\ 300\ 9 \cdot 10^{23} \text{см}^0 \cdot \text{г}^0 \cdot \text{сек}^1$	$2 \cdot 10^{23} > 10^7$
Заряд электрона	$2^0 \pi^0 E^0 B^{-6}$	$1,733\ 058\ 4 \cdot 10^{-21} l^0$ $4,802\ 850\ 2 \cdot 10^{-10} \text{см}^0 \cdot \text{г}^{-1} \cdot \text{сек}^{1/2}$	$4,802\ 86 \cdot 10^{-10}$
Число элементарных экземпляров	$2^2 \pi^2 E^0 B^{24}$	$4,376\ 299\ 0 \cdot 10^{21} l^0$ $\text{см}^0 \cdot \text{г}^0 \cdot \text{сек}^0$	$> 10^{22}$

* $F = E/(E-1) = 1,003\ 662\ 0$.

** Масса протона равна 0,999 695 нуклонной массы.

Совпадение теоретических и наблюдаемых величин констант позволяет предполагать, что можно отождествлять все метрические свойства рассматриваемого тотального и уникального экземпляра со свойствами наблюдаемого Мира, тождественного с единственной фундаментальной «частицей» А. В другом сообщении будет показано, что $(3+3)$ -мерность пространства — времени является экспериментально проверяемым фактором и что 6-мерная модель свободна от логических трудностей, созданных $(3+1)$ -мерной концепцией фона.

Приложение

Определение величины 1 см CGS. Аналитическое значение постоянной Ридберга $[R_\infty] = (1/4\pi E^3) l^{-1} = 3,092\ 2328 \cdot 10^{-8} l^{-1}$, экспериментальное значение постоянной Ридберга $(R_\infty) = 109\ 737,311 \pm \pm 0,012 \text{ см}^{-1}$; следовательно, 1 см CGS = $(R_\infty) / [R_\infty] = 3,548\ 8041 \cdot 10^{12} l$.

Определение величины 1 сек CGS. Аналитическое значение фундаментальной скорости $[c] = l/t = 1$; экспериментальное значение скорости света в вакууме $(c) = 2,997\ 930 \pm 0,000008 \cdot 10^{10} \text{ см сек}^{-1}$; следовательно, 1 сек CGS = $(c) / l[c] = 1,063\ 906\ 6 \cdot 10^{23} t$.

Определение величины 1 г CGS. Аналитическое значение отношения $[e/mc] = B^6 l^{-1} t = 5,770\ 146\ 0 \cdot 10^{20} l^{-1} t$; экспериментальное значение отношения $(e/mc) = 1,758\ 897 \pm 0,000\ 032 \cdot 10^7 (\text{см} \cdot \text{г}^{-1})^{1/2}$; следовательно, 1 г CGS = $\frac{(e/mc)^2}{l[e/mc]^2} = 3,297\ 532\ 5 \cdot 10^{-15} l^3 t^{-2}$.

Автор выражает благодарность Н. Н. Боголюбову, В. М. Понтекорво и С. С. Гирштейну за обсуждение работы, а также П. С. Кочеткову, помогавшему произвести отдельные вычисления и З. И. Ивановой-Зенкович, Т. Н. Елецкой и М. Я. Истоминой, выполнившим расчет экстремумов функции Φ_n .

Поступило
23 IV 1965